## ОТЗЫВ

члена диссертационного совета <u>Кузнецова Эдуарда Дмитриевича</u> на диссертацию Титова Владимира Борисовича на тему «Общая задача трех тел в пространстве форм», представленную на соискание ученой степени доктора физико-математических наук по научной специальности 1.3.1. Физика космоса, астрономия.

Диссертация В.Б. Титова посвящена исследованию одной из фундаментальных задач небесной механики — задаче трех тел, решение которой, несмотря на простую формулировку, получить чрезвычайно сложно. Решение задачи трех представляет не только фундаментальный интерес. Имеется широкий класс практических задач, связанных с описанием движения как искусственных, так и естественных небесных тел, для которых аналитическое решение задачи трех тел позволило бы построить более точные теории движения. Все это делает исследование задачи трех важной и актуальной. В диссертации решения задачи трех тел представлены в пространстве форм, проведено изучение свойств решений в этом пространстве и определены области возможного движения задачи трех тел. Отметим, что рассмотрение задачи в пространстве форм позволяет получить представление об общих свойствах задачи трех тел.

Диссертация состоит из введения, пяти глав, заключения, списка литературы, включающего 110 наименований, и двух приложений, содержит 67 рисунков и 11 таблиц. Общий объем работы составляет 177 страниц.

Во введении дано описание задачи трех тел и методов ее решения, сформулированы цель и решаемые задачи, обоснована актуальности проблемы, приведены список публикаций и данные об апробации работы, описаны личный вклад, достоверность полученных результатов и их научная новизна, кратко описана структура диссертации, приведены основные научные результаты, сформулированы положения, выносимые на защиту.

В первой главе с помощью редукции по переносам и поворотам вводится пространство форм. Рассматриваются геометрические свойства пространства форм, выводятся уравнения движения.

Во второй главе выполнен поиск периодических решений вариационным методом. Решение строится в виде тригонометрических рядов минимизацией функционала действия. В качестве модели берутся три симметрии из списка симметрий плоской задачи трех тел: простая хореография, 2-1 хореографии и линейная симметрия, где все массы отличаются друг от друга. Проводится анализ полученных решений.

В третьей главе для различных значений масс построены поверхности нулевой скорости, ограничивающие области возможного движения плоской задачи трех тел, которая в пространстве форм имеет три измерения.

В четвертой главе рассмотрена регуляризация Леметра и выполнен анализ регуляризованного пространства форм.

В пятой главе рассмотрены вырожденные траектории: прямолинейные и равнобедренные. Для каждого случая выполнена параметризация, позволяющая записать уравнения движения, свободные от особенностей, и получить численное решение. Проведен анализ решений.

В заключении перечислены основные результаты, представленные в диссертационной работе, и сформулированы выводы.

В приложении А приведены листинги моделей, используемых при поиске периодических решений главы 2.

В приложении В представлены результирующие орбиты в форме разложений координат задачи в ряды Фурье во вращающейся системе координат с начальными координатами и скоростями в барицентрической системе координат.

Степень обоснованности научных положений, выводов и рекомендаций, сформулированных в диссертации. Обоснованность результатов диссертационного исследования подтверждена публикациями в высокорейтинговых журналах и выступлениями на всероссийских и международных конференциях. Все выводы подкреплены ссылками на научные статьи диссертанта. Для сравнения полученных результатов используются опубликованные источники, авторитетность которых не подвергается сомнению.

Основные научные положения, выводы и рекомендации опубликованы автором в научных изданиях, рекомендованных ВАК для защиты по специальности 1.3.1. Физика космоса, астрономия, а именно: «Астрономический журнал», «Вестник Санкт-Петербургского университета. Математика. Механика. Астрономия», «Нелинейная динамика», «Astronomische Nachrichten» и др.

Достоверность полученных результатов подтверждается согласием с результатами других авторов и результатами численного интегрирования.

Научная новизна диссертационной работы заключается в следующем.

- Впервые получены неизменяемые конфигурации в пространстве форм общей задачи трех тел.
- Впервые рассмотрены проекции найденных периодических орбит на сферу форм и их свойства.
- В пространстве форм плоской общей задачи трех тел впервые построены области возможного движения.
- Впервые построены области минимальной скорости в ограниченной задаче трех тел, осредненной по долготе главных тел.
- Получены новые вырожденные орбиты задачи трех тел, показан хаотический характер таких орбит.

Научная и практическая значимость диссертации состоит в том, что полученные результаты дают новое представление решений задачи трех тел.

Принципиальные замечания к выполненному исследованию отсутствуют. Имеется несколько замечаний к описанию исследования в диссертации, которые в большинстве случаев относятся к опечаткам.

Страница 10: несколько раз встречается опечатка: «Матеманика» заменить на «Математика».

Страница 11: «к конкретной задачи увода» заменить на «к конкретной задаче увода».

Страница 11: «Работе 10 является» заменить на «Работа 10 является».

Страница 27: «красного тела» заменить на «красного цвета».

Страница 28: множитель 2 в знаменателе третьего слагаемого в выражении для производной является лишним.

Страница 37: «перестановкой масс» заменить на «перестановке масс».

Страница 53: «скорость» заменить на «скоростью».

Страница 63: Предпоследний абзац выглядит незаконченным.

Страница 67: «на случае» заменить на «на случай».

Страница 102: «в середине телами 1 и 2» пропущено «между».

Страница 112, последняя строка: «рисунке» заменить на «на рисунке».

Вместе с тем, указанные замечания ни в коей мере не умаляют значимости диссертационного исследования.

Диссертация Титова Владимира Борисовича на тему: «Общая задача трех тел в пространстве форм» соответствует основным требованиям, установленным Приказом от 19.11.2021 № 11181/1 «О порядке присуждения ученых степеней в Санкт-Петербургском государственном университете», соискатель Титов Владимир Борисович заслуживает присуждения ученой степени доктора физико-математических наук по научной специальности 1.3.1. Физика космоса, астрономия. Нарушения пунктов 9 и 11 указанного Порядка в диссертации не обнаружены.

## Член диссертационного совета

доктор физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой астрономии, геодезии, экологии и мониторинга окружающей среды Института естественных наук и математики федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования

«Уральский федеральный университет имени

первого Президента России Б.Н. Ельцина»

Э.Д Кузнецов

ций документовед

16 декабря 2024 г.

Подпись сотрудника УрФУ Э. Д. Кузнецова удостоверяю:

/С.В. Жукова