

## ОТЗЫВ

члена диссертационного совета Егорова Николая Васильевича на диссертацию **Литвинова Николая Николаевича** на тему «Построение алгоритмов управления для нелинейных управляемых систем», представленную на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 2.3.1. Системный анализ, управление и обработка информации, статистика.

**Актуальность.** Диссертация посвящена важному направлению математической теории управления, связанной с разработкой методов построения управляющих функций, обеспечивающих перевод достаточно широкого класса стационарных и нестационарных систем обыкновенных дифференциальных уравнений из начального состояния в начало координат. Поставленные задачи решаются с учетом возможности использования вычислительных комплексов и контроля вычислительных процессов. Указанные обстоятельства подтверждают актуальность работы.

**Структура диссертации.** Диссертация состоит из четырех глав, заключения, списка литературы и двух приложений, Объем работы составляет 104 страницы, список литературы включает 82 источника.

Во введении обосновывается актуальность темы диссертации, Дается достаточно подробный экскурс в историю развития теории граничных задач для управляемых систем обыкновенных дифференциальных уравнений, формулируются цели и задачи диссертационной работы. Подтверждается теоретическая и практическая значимость полученных результатов и их достоверность. Кроме того приведены список публикаций по теме диссертационной работы и сведения о ее апробации.

**В первой главе** объектом исследования является нелинейная нестационарная система обыкновенных дифференциальных уравнений при ограниченном управлении. Разработан метод построения дискретной управляющей функции, обеспечивающей перевод системы из начального состояния в начало координат. Найдено конструктивное достаточное условие, при котором указанный перевод возможен. Получены оценки области достижимости и шага дискретности.

**Вторая глава** посвящена анализу вычислительной сложности алгоритма дискретного управления, численному моделированию различных вариантов управления роботом-манипулятором при помощи алгоритма дискретного управления. Также выполнено сравнение построенного алгоритма с методом оптимального управления.

**В третьей главе** предложен метод построения дифференцируемой управляющей функции, гарантирующей перевод широкого класса нелинейных стационарных систем обыкновенных дифференциальных уравнений из начального состояния в начало координат таким образом, что одна из соответствующих функций фазовых координат находится в виде известного полинома. Последнее обстоятельство позволяет

контролировать точность вычислительного процесса и исправность функционирования вычислительных комплексов. Найдено условие калмановского типа, гарантирующее заданный перевод. Получена оценка области достижимости. Работоспособность алгоритма продемонстрирована при помощи численного моделирования задачи межорбитального перелета.

**Четвертая глава** посвящена решению задачи оптимального управления системами ОДУ, которые описывают массивы идентичных и неидентичных Джозефсоновских переходов, численному моделированию и анализу динамики указанных моделей при наличии управления.

**В приложениях** представлен программный код решения задач дискретного и оптимального управления роботом-манипулятором.

#### **Основные научные результаты:**

1. Алгоритм построения кусочно-постоянных управляющих функций, обеспечивающих перевод системы ОДУ из начального состояния в заданное конечное для достаточно широкого класса нелинейных нестационарных систем на конечном промежутке времени.

2. Алгоритм решения граничной задачи для нелинейной стационарной системы с учетом контроля вычислительных комплексов.

3. Нахождение конструктивных достаточных условий, обеспечивающих перевод нелинейной стационарной системы в начало координат из некоторой окрестности начала координат в классе непрерывных и дискретных управлений.

4. Пакет прикладных программ для решения задач дискретного управления на языке программирования Python.

5. Решение задачи оптимального управления массивами идентичных и неидентичных Джозефсоновских переходов.

**Достоверность научных результатов** подтверждается корректным использованием математического аппарата и результатами численного моделирования полученных алгоритмов при решении конкретных практических задач. Приведенные выводы были апробированы во время выступлений на нескольких научных конференциях. Литвиновым Н.Н. опубликовано 5 научных работ.

**Замечание.** В главе 3 было бы желательно, наряду с описанием этапов реализации программы, привести блок-схему алгоритма.

#### **Заключение.**

Диссертация Литвинова Николая Николаевича на тему: «Построение алгоритмов управления для нелинейных управляемых систем» соответствует основным требованиям, установленным Приказом от 19.11.2021 №11181/1 «О порядке присуждения ученых

степеней в Санкт-Петербургском государственном университете», соискатель **Литвинов Николай Николаевич** заслуживает присуждения ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 2.3.1. Системный анализ, управление и обработка информации, статистика. Нарушения пунктов 9 и 11 указанного Порядка в диссертации не обнаружены.

Член диссертационного совета, заведующий  
кафедрой моделирования электромеханических и  
компьютерных систем  
Санкт-Петербургского государственного университета,  
доктор физико-математических наук, профессор



**Егоров Н. В.**

03.09.2024